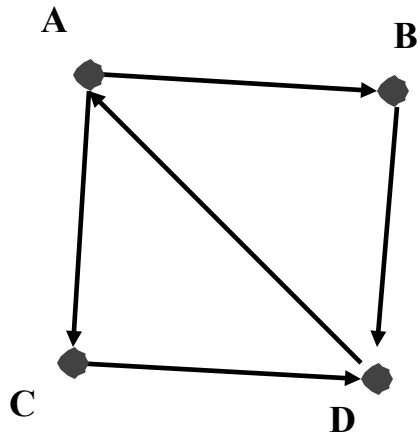


Matrix Operations



$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & \infty \\ \infty & 0 & \infty & 1 \\ \infty & \infty & 0 & 1 \\ 1 & \infty & \infty & 0 \end{bmatrix}$$

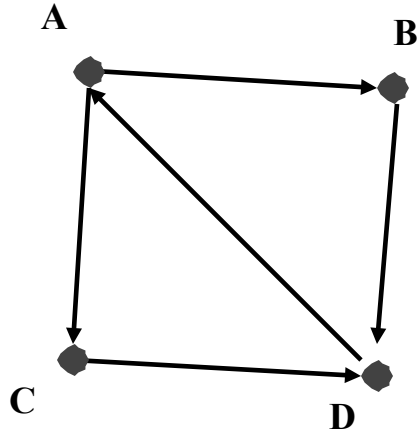
$$C = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$C^2 = C * C = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

Replace 'add' by
'OR' and 'Multiply'
by 'AND'

Paths of length 2 or less

Matrix operations on graphs



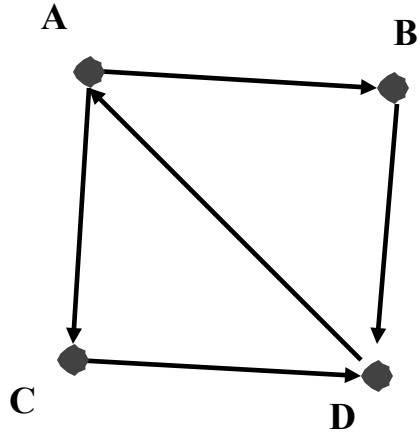
$$C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Replace 'add' by
'OR' and 'Multiply'
by 'AND'

$$C^2 = C * C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Existence of paths containing exactly two edges

Matrix operations on graphs



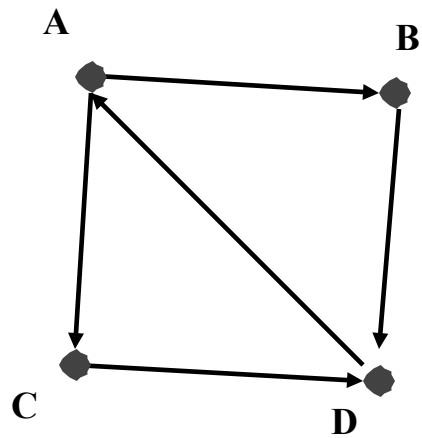
$$C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Keep 'add'
replace 'Multiply'
by 'AND'

$$C^2 = C * C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Number of paths containing exactly two edges

Matrix operations on graphs



$$C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

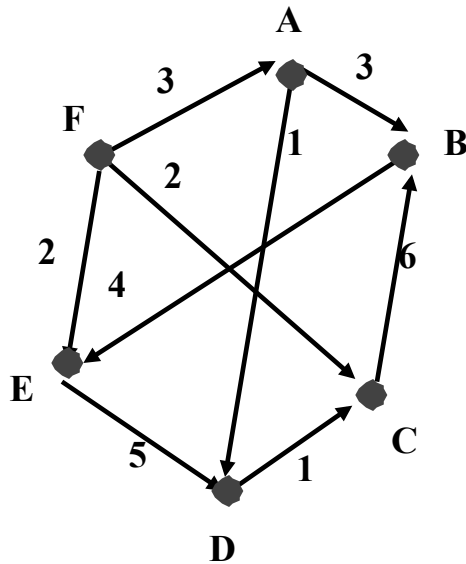
Keep 'add' replace
'Multiply' by 'AND'

$$C^2 = C * C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$C^3 = C^2 * C = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Number of paths containing exactly two edges

Matrix operations



	A	B	C	D	E	F
A	0	3	∞	1	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	4	∞
C	∞	6	0	∞	∞	∞
D	∞	∞	1	0	∞	∞
E	∞	∞	∞	5	0	∞
F	3	∞	2	∞	2	0

Distance Matrix

Edge connectivity

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	∞	1	∞	∞
B	∞	0	∞	∞	1	∞
C	∞	1	0	∞	∞	∞
D	∞	∞	1	0	∞	∞
E	∞	∞	∞	1	0	∞
F	1	∞	1	∞	1	0



0	3	∞	1+1	3+4	∞
∞	0	∞	∞	4+5	∞
∞	6	0	∞	6+4	∞
∞	1+6	1	0	∞	∞
∞	∞	5+1	5	0	∞
3	2+6	2	2+1	2	0

$(4,3,2)$, $(5, 2,1)$, $(6,4,5)$

